

**КІЇВСЬКИЙ УНІВЕРСИТЕТ ІМЕНІ БОРИСА ГРІНЧЕНКА  
УНІВЕРСИТЕТСЬКИЙ КОЛЕДЖ**

**Циклова комісія економіко-математичних дисциплін і менеджменту**



**РОБОЧА ПРОГРАМА НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ  
ВИЩА МАТЕМАТИКА**

галузь знань **0306 Менеджмент і адміністрування**

спеціальність **5.03060101 Організація виробництва**

Київ – 2015 рік

Робоча програма «Вища математика» для студентів галузі знань 0306  
Менеджмент і адміністрування спеціальності 5.03060101 Організація  
виробництва

25 серпня 2015 року, – 17 с.

Розробник: **Дудник Ольга Володимирівна**, викладач циклової комісії  
економіко-математичних дисциплін і менеджменту  
Університетського коледжу Київського університету імені  
Бориса Грінченка

Робоча програма затверджена на засіданні циклової комісії викладачів  
економіко-математичних дисциплін і менеджменту  
Протокол від 25 серпня 2015 року № 1

Голова циклової комісії О. Головчанська

Розподіл годин звірено з робочим навчальним планом, структура типова

### Заступник директора

### з навчальної роботи

### Заступник директора

з навчально-методичної роботи

С.І. Дем'яненко

З.Л. Гейхман

Схвалено Методичною радою Університетського коледжу

Київського університету імені Бориса Грінченка

## Протокол від 31 серпня 2015 року № 1

«31» січня 2015 року

Голова

М.В. Братко



## 1. Опис навчальної дисципліни

Найменування показників	Галузь знань, напрям підготовки, освітньо-кваліфікаційний рівень	Характеристика навчальної дисципліни
		денна форма навчання
Кількість кредитів – 3	Галузь знань 0306 Менеджмент і адміністрування	Нормативна
Модулів – 3	Спеціальність 5.03060101 Організація виробництва	<b>Рік підготовки:</b> 3-й
Змістових модулів – 3		<b>Семестр</b>
Загальна кількість годин - 108		5- 6-й
Тижневих годин для денної форми навчання аудиторних –2		<b>Лекції</b>
		22 год.
		<b>Практичні</b>
		20 год
		<b>Самостійна робота</b>
		48 год.
		<b>Індивідуальні</b>
		12 год.
		<b>Модульний контроль</b>
		6 год.
		<b>Вид контролю:</b> екзамен

## **2. Мета та завдання навчальної дисципліни**

Математика з її логічним і обчислювальним апаратом є потужним засобом розв'язування прикладних задач, інструментом кількісних розрахунків. Без застосування основних методів математики неможливо уявити науково обґрунтовані способи прогнозування розвитку ефективних економічних систем і прийняття оптимальних управлінських рішень. **Основна мета** навчальної дисципліни «Вища математика» — ознайомити студентів з основами сучасного математичного апарату, необхідного для розв'язування теоретичних і прикладних завдань економіки й управління.

Знання, здобуті при вивченні вищої математики, широко застосовуються у навчальних курсах теорії ймовірностей та математичної статистики, математичного програмування, макро- та мікроекономіки, маркетингу, менеджменту, в інших спеціалізованих економічних курсах. Навчальна програма містить необхідний мінімум знань з таких розділів математики: лінійна і векторна алгебра, аналітична геометрія, диференціальне та інтегральнечислення, диференціальні рівняння.

### **Завдання курсу:**

- формування у студентів наукового світогляду, уявлень про ідеї і методи вищої математики, її ролі у пізнанні дійсності, усвідомлення;
- математичних знань як невід'ємної складової загальної культури людини, необхідної умови повноцінного життя в сучасному суспільстві; стійкої мотивації до навчання;
- оволодіння студентами математичною мовою в усній та письмовій формах, системою математичних знань, умінь і навичок, потрібних у майбутній професійній діяльності;
- інтелектуальний розвиток особистості, передусім розвиток у студентів логічного мислення і просторової уяви, алгоритмічної, інформаційної та графічної культури, пам'яті, уваги, інтуїції;
- екологічне, естетичне, громадянське виховання та формування позитивних рис особистості;

- формування життєвих і соціально-ціннісних компетентностей студента.

У студента повинні бути сформовані такі **предметні компетентності**:

- здатність демонструвати знання про основні означення та теореми;
- здатність демонструвати знання основних методів, що використовуються для розв'язання стандартних задач лінійної алгебри та аналітичної геометрії;
- використовувати математичну та логічну символіку на практиці;
- уміння виконувати операції над матрицями та визначниками;
- здатність самостійно обирати раціональний спосіб розв'язання систем лінійних рівнянь;
- здатність розв'язувати задачі прикладного характеру, які потребують виконання лінійних операцій над векторами, застосування векторного, скалярного та мішаного добутку;
- здатність розв'язувати типові задачі з аналітичної геометрії, застосовуючи знання з декартової системи координат на площині та в просторі;
- здатність оперувати базовими знаннями з диференціального числення: поняттями функції однієї та двох змінних, границі функції, похідної функції;
- здатність дослідити функцію однієї та двох змінних, застосовуючи знання з диференціального числення та вміння схематично зображувати її графік;
- здатність оперувати базовими знаннями з інтегрального числення, самостійно обираючи метод інтегрування знаходити визначений та невизначений інтеграл;
- здатність розв'язувати геометричні та економічні задачі за допомогою визначених інтегралів;
- вміння складати та вирішувати найпростіші диференціальні рівняння при розв'язуванні задач економічного змісту.

### **3. Програма навчальної дисципліни**

#### **Модуль 1. Вступ до вищої математики. Елементи лінійної алгебри та аналітичної геометрії.**

**Тема 1.** Вступ. Предмет і задачі вищої математики. Матриці. Операції над матрицями. Визначники. Обчислення визначників.

**Тема 2.** Операції над матрицями. Обчислення визначників.

**Тема 3.** Системи лінійних рівнянь і методи їх розв'язання. Базисні розв'язання. Вектори. Лінійний  $n$ -вимірний простір.

**Тема 4.** Розв'язування систем лінійних рівнянь різними методами: Крамера, оберненої матриці, Жордана – Гауса.

**Тема 5.** Лінійні операції над векторами. Скалярний векторний і мішаний добутки векторів.

**Тема 6.** Прямокутна декартова система координат на площині. Пряма на площині.

**Тема 7.** Лінії другого порядку. Основні характеристики, графіки.

**Тема 8.** Прямокутна декартова система координат у просторі. Пряма у просторі. Площа на у просторі та способи її задання.

#### **Модуль 2. Математичний аналіз. Диференціальнечислення.**

**Тема 1.** Введення в математичний аналіз. Функція однієї змінної. Нескінченно великі та нескінченно малі величини. Границя функції. Визначні граници.

**Тема 2.** Похідна функції. Знаходження похідних. Застосування похідної.

**Тема 3.** Похідні вищих порядків. Диференціал, його використання та геометричний зміст. Загальна схема дослідження функції.

**Тема 4.** Поняття функції багатьох змінних. Геометричне зображення функції двох змінних. Границя та неперервність функції двох змінних. Похідна функції двох змінних. Диференціал функції.

**Тема 5.** Похідна функції двох змінних. Диференціал функції. Частинні похідні.

**Тема 6.** Знаходження частинних похідних. Дослідження функції двох змінних.

### **Модуль 3. Інтегральнечислення. Диференціальні рівняння.**

**Тема 1.** Первісна функції. Невизначений інтеграл і його властивості. Методи інтегрування.

**Тема 2.** Інтегрування основних класів функцій.

**Тема 3.** Визначений інтеграл. Основні властивості. Формула Ньютона - Лейбніца. Застосування визначеного інтеграла до розв'язування прикладних задач.

**Тема 4.** Розв'язування геометричних та економічних задач за допомогою визначених інтегралів.

**Тема 5.** Інтегрування функції двох змінних.

**Тема 6.** Диференціальні рівняння. Найпростіші диференціальні рівняння. Порядок рівняння. Економічний зміст диференціальних рівнянь.

#### 4. Структура навчальної дисципліни

Назви змістових модулів і тем	Кількість годин						
	денна форма						
	Разом	у тому числі					
		лекція	практика	семінар	індивід.	с.р.	ПМК
1	2	3	4	5	6	7	8
<b>Змістовий модуль 1. Вступ до вищої математики. Елементи лінійної алгебри та аналітичної геометрії.</b>							
<b>Тема 1.</b> Вступ. Предмет і задачі вищої математики. Матриці. Операції над матрицями. Визначники. Обчислення визначників.	2	2					
<b>Тема 2.</b> Операції над матрицями. Обчислення визначників.	2		2				
<b>Тема 3.</b> Системи лінійних рівнянь і методи їх розв'язання. Базисні розв'язання. Вектори. Лінійний n-вимірний простір.	8	2				6	
<b>Тема 4.</b> Розв'язування систем лінійних рівнянь різними методами: Крамера, оберненої матриці, Жордана – Гауса.	2		2				
<b>Тема 5.</b> Лінійні операції над векторами. Скалярний векторний і мішаний добутки векторів.	10	2			2	6	
<b>Тема 6.</b> Прямокутна декартова система координат на площині. Пряма на площині.	4		2		2		
<b>Тема 7.</b> Лінії другого порядку. Основні характеристики, графіки.	8	2				6	
<b>Тема 8.</b> Прямокутна декартова система координат у просторі. Пряма у просторі. Площа у просторі та способи її задання.	2		2				
<b>Модульна контрольна робота №1</b>	2						2
<b>Разом за змістовим модулем 1</b>	<b>40</b>	<b>8</b>	<b>8</b>		<b>4</b>	<b>18</b>	<b>2</b>
<b>Змістовий модуль 2. Математичний аналіз. Диференціальнечислення.</b>							
<b>Тема 1.</b> Введення в математичний аналіз. Функція однієї змінної. Нескінченно великі та нескінченно малі величини. Границя функції. Визначні граници.	8	2				6	
<b>Тема 2.</b> Похідна функції. Знаходження похідних. Застосування похідної.	4		2		2		

<b>Тема 3.</b> Похідні вищих порядків. Диференціал, його використання та геометричний зміст. Загальна схема дослідження функції.	8	2				6	
<b>Тема 4.</b> Поняття функції багатьох змінних. Геометричне зображення функції двох змінних. Границя та неперервність функції двох змінних. Похідна функції двох змінних. Диференціал функції.	8	2				6	
<b>Тема 5.</b> Похідна функції двох змінних. Диференціал функції. Частинні похідні.	4		2		2		
<b>Тема 6.</b> Знаходження частинних похідних. Дослідження функції двох змінних.	2		2				
<b>Модульна контрольна робота №2</b>	2						2
<b>Разом за змістовим модулем 2</b>	<b>36</b>	<b>6</b>	<b>6</b>		<b>4</b>	<b>18</b>	<b>2</b>

**Змістовий модуль 3. Інтегральнечислення.  
Диференціальні рівняння.**

<b>Тема 1.</b> Первісна функції. Невизначений інтеграл і його властивості. Методи інтегрування.	2	2					
<b>Тема 2.</b> Інтегрування основних класів функцій.	4		2		2		
<b>Тема 3.</b> Визначений інтеграл. Основні властивості. Формула Ньютона - Лейбніца. Застосування визначеного інтеграла до розв'язування прикладних задач.	8	2				6	
<b>Тема 4.</b> Розв'язування геометричних та економічних задач за допомогою визначених інтегралів.	2		2				
<b>Тема 5.</b> Інтегрування функції двох змінних.	4	2			2		
<b>Тема 6.</b> Диференціальні рівняння. Найпростіші диференціальні рівняння. Порядок рівняння. Економічний зміст диференціальних рівнянь.	10	2	2			6	
<b>Модульна контрольна робота №3</b>	2						2
<b>Разом за змістовим модулем 3</b>	<b>32</b>	<b>8</b>	<b>6</b>		<b>4</b>	<b>12</b>	<b>2</b>
<b>Усього годин</b>	<b>108</b>	<b>22</b>	<b>20</b>		<b>12</b>	<b>48</b>	<b>6</b>

## 5. Теми практичних занять

<b>№п/п</b>	<b>Назва теми</b>	<b>Години</b>
<b>1</b>	Операції над матрицями. Обчислення визначників.	2
<b>2</b>	Розв'язування систем лінійних рівнянь різними методами: Крамера, оберненої матриці, Жордана – Гауса.	2
<b>3</b>	Прямоутна декартова система координат на площині. Пряма на площині.	2
<b>4</b>	Прямоутна декартова система координат у просторі. Пряма у просторі. Площина у просторі та способи її задання.	2
<b>5</b>	Похідна функції. Знаходження похідних. Застосування похідної.	2
<b>6</b>	Похідна функції двох змінних. Диференціал функції. Частинні похідні.	2
<b>7</b>	Знаходження частинних похідних. Дослідження функції двох змінних	2
<b>8</b>	Інтегрування основних класів функцій	2
<b>9</b>	Розв'язування геометричних та економічних задач за допомогою визначених інтегралів.	2
<b>10</b>	Диференціальні рівняння. Найпростіші диференціальні рівняння. Порядок рівняння. Економічний зміст диференціальних рівнянь.	2
<b>Усього годин</b>		<b>20</b>

## 6. Самостійна робота

<b>№п/п</b>	<b>Назва теми</b>	<b>Години</b>	<b>Бали</b>
<b>1</b>	Системи лінійних рівнянь і методи їх розв'язання. Базисні розв'язання. Вектори. Лінійний n-вимірний простір.	6	5
<b>2</b>	Лінійні операції над векторами. Скалярний векторний і мішаний добутки векторів.	6	5
<b>3</b>	Лінії другого порядку. Основні характеристики, графіки	6	5
<b>4</b>	Введення в математичний аналіз. Функція однієї змінної. Нескінченно великі та нескінченно малі величини. Границя функції. Визначні граници.	6	5
<b>5</b>	Похідні вищих порядків. Диференціал, його використання та геометричний зміст. Загальна схема дослідження функції	6	5
<b>6</b>	Поняття функції багатьох змінних. Геометричне зображення функції двох змінних. Границя та неперервність функції двох змінних. Похідна функції двох змінних. Диференціал функції.	6	5

7	Визначений інтеграл. Основні властивості. Формула Ньютона - Лейбніца. Застосування визначеного інтеграла до розв'язування прикладних задач.	6	5
8	Диференціальні рівняння. Найпростіші диференціальні рівняння. Порядок рівняння. Економічний зміст диференціальних рівнянь.	6	5
	<b>Усього годин</b>	48	40

## 7. Методи навчання

### I. Методи організації та здійснення навчально-пізнавальної діяльності:

#### 1. За джерелом інформації:

- словесні: лекція (традиційна, проблемна) із застосуванням комп'ютерних інформаційних технологій (PowerPoint – Презентація), пояснення, розповідь, бесіда.
- наочні: ілюстрація, демонстрація.
- практичні: вправи.

#### 2. За логікою передачі і сприймання навчальної інформації:

індуктивні, дедуктивні, аналітичні, синтетичні.

3. За ступенем самостійності мислення: репродуктивні, пошукові, дослідницькі.

4. За ступенем керування навчальною діяльністю: під керівництвом викладача; самостійна робота студентів: з книгою; виконання.

### II. Методи стимулювання інтересу до навчання і мотивації навчально-пізнавальної діяльності:

1. Методи стимулювання інтересу до навчання: навчальні дискусії; створення ситуацій пізнавальної новизни; створення ситуацій зацікавленості (метод цікавих аналогій тощо).

## 8. Методи контролю

- Модульне оцінювання навчальних досягнень студентів;
- комп'ютерне тестування;
- усне та письмове опитування;
- екзамен.

## 9. Розподіл балів, які отримують студенти

<b>Види роботи</b>	<b>Максимальна кількість балів за один вид роботи</b>	<b>Кількість виконаних завдань за курс</b>	<b>Максимальна кількість балів за всі види роботи</b>
1. Відвідування лекцій	<b>1</b>	<b>11</b>	<b>11</b>
2. Відвідування практичних занять	<b>1</b>	<b>10</b>	<b>10</b>
3. Виконання завдання для самостійної роботи	<b>5</b>	<b>8</b>	<b>40</b>
4. Робота на практичному занятті	<b>10</b>	<b>10</b>	<b>50*</b>
5. Виконання модульної контрольної роботи	<b>25</b>	<b>3</b>	<b>75</b>
Всього			<b>186</b>
Коефіцієнт - 3,1			
Екзамен			<b>40</b>

\*обов'язкова кількість виконаних завдань у співвідношенні 1 обов'язкова відповідь на занятті з 2 можливих.

### Шкала оцінювання: національна та ECTS

<b>Сума балів за всі види навчальної діяльності</b>	<b>Оцінка ECTS</b>	<b>Оцінка за національною шкалою</b>	
		<b>для екзамену, курсового проекту (роботи), практики</b>	<b>для заліку</b>
90 – 100	<b>A</b>	відмінно	
82-89	<b>B</b>	добре	
75-81	<b>C</b>		
69-74	<b>D</b>	задовільно	зараховано
60-68	<b>E</b>		
35-59	<b>FX</b>	незадовільно з можливістю повторного складання	не зараховано з можливістю повторного складання
1-34	<b>F</b>	незадовільно з обов'язковим повторним вивченням дисципліни	не зараховано з обов'язковим повторним вивченням дисципліни

## **10. ОЧІКУВАНІ РЕЗУЛЬТАТИ**

У результаті вивчення навчальної дисципліни студент:

- уміє виконувати операції над матрицями та визначниками;
- самостійно обирає раціональний спосіб та розв'язує системи лінійних рівнянь;
- розв'язує задачі прикладного характеру, які потребують виконання лінійних операцій над векторами, застосування векторного, скалярного та мішаного добутку;
- розв'язує типові задачі з аналітичної геометрії, застосовуючи знання з декартової системи координат на площині та в просторі;
- оперує базовими знаннями з диференціального числення: поняттям функції однієї та двох змінних, границі функції, похідної функції;
- досліджує функцію однієї та двох змінних, застосовуючи знання з диференціального числення та схематично зображує її графік;
- оперує базовими знаннями з інтегрального числення, самостійно обираючи метод інтегрування знаходить визначений та невизначений інтеграл;
- розв'язує геометричні та економічні задачі за допомогою визначених інтегралів;
- при розв'язуванні задач економічного змісту вміє складати та вирішувати найпростіші диференціальні рівняння.

## **11. МЕТОДИЧНЕ ЗАБЕЗПЕЧЕННЯ КУРСУ**

- ✓ Опорні конспекти лекцій;
- ✓ навчальні посібники;
- ✓ робоча навчальна програма;
- ✓ тестові і контрольні завдання для проведення модульних контрольних робіт;

## 12. МЕТОДИЧНА КАРТКА

<b>Модулі</b>	<b>Назва модуля</b>	<b>Теми лекцій</b>	<b>Теми практичних занять</b>	<b>Самостійна робота</b>	<b>Види поточного контролю</b>
<b>Змістовний модуль I</b>	<b>Вступ до вищої математики. Елементи лінійної алгебри та аналітичної геометрії.</b>	Вступ. Предмет і задачі вищої математики. Матриці. Операції над матрицями. Визначники. Обчислення визначників.			
			Операції над матрицями. Обчислення визначників.		
		Системи лінійних рівнянь і методи їх розв'язання. Базисні розв'язання. Вектори. Лінійний n-вимірний простір.			
			Розв'язування систем лінійних рівнянь різними методами: Крамера, оберненої матриці, Жордана – Гауса		
		Лінійні операції над векторами. Скалярний векторний і мішаний добутки векторів.			
			Прямоокутна декартова система координат на площині. Пряма на площині.		
		Лінії другого порядку. Основні характеристики, графіки.			
			Прямоокутна декартова система координат у просторі. Пряма у просторі. Плошина у просторі та способи її задання.		

**15 балів**

**Модульна контрольна робота 1 (25 балів)**

<b>Змістовий модуль III</b>	<b>Інтегральнечислення.</b> <b>Диференціальні рівняння</b>	<p>Первісна функції. Невизначений інтеграл і його властивості. Методи інтегрування.</p> <p>Визначений інтеграл. Основні властивості. Формула Ньютона - Лейбніца. Застосування визначеного інтеграла до розв'язування прикладних задач.</p>	<p>Інтегрування основних класів функцій</p> <p>Розв'язування геометричних та економічних задач за допомогою визначених інтегралів.</p>	<b>10 балів</b>	<b>Модульна контрольна робота 3 (25 балів)</b>
<b>Змістовий модуль II</b>	<b>Математичний аналіз.</b> <b>Диференціальнечислення</b>	<p>Введення в математичний аналіз. Функція однієї змінної. Нескінченно великі та нескінченно малі величини. Границя функції. Визначні граници.</p> <p>Похідні вищих порядків. Диференціал, його використання та геометричний зміст. Загальна схема дослідження функції.</p> <p>Поняття функції багатьох змінних. Геометричне зображення функції двох змінних. Границя та неперервність функції двох змінних. Похідна функції двох змінних. Диференціал функції.</p>	<p>Похідна функції. Знаходження похідних. Застосування похідної.</p> <p>Похідна функції двох змінних. Диференціал функції. Частинні похідні.</p> <p>Знаходження частинних похідних. Дослідження функції двох змінних.</p>	<b>15 балів</b>	<b>Модульна контрольна робота 2 (25 балів)</b>

		Інтегрування функції двох змінних.		
		Диференціальні рівняння. Найпростіші диференціальні рівняння. Порядок рівняння. Економічний зміст диференціальних рівнянь.	Диференціальні рівняння. Найпростіші диференціальні рівняння. Порядок рівняння. Економічний зміст диференціальних рівнянь.	

## **13.РЕКОМЕНДОВАНА ЛІТЕРАТУРА**

1. Вища математика: Підручник: У 3 кн.: Кн. I. Аналітична геометрія з елементами алгебри. Вступ до математичного аналізу/ М.І. Шкіль, Т.В. Колесник, В.М. Котлова.-К.: Либідь, 1994.-280 с.
2. Вища математика: Підручник: У 3 кн.: Кн. II. Диференціальне та інтегральне числення функції однієї змінної. Ряди. - М.І. Шкіль, Т.В. Колесник, В.М. Котлова.-К.: Либідь, 1994.-280 с.
3. Вища математика: Навч.-метод. посібник для самост. вивч. дисц. / К. Г. Валеев, И. А. Джалладова, О. И. Лютый и ін. — Вид. 2-ге, перероб. і доп. — К.: КНЕУ, 2002. — 606 с.
4. Практикум з вищої математики: Навч. посіб. для студ. вищ. навч. закл. / І. І. Юртін, О. Ю. Дюженкова, О. Б. Жильцов та ін.; За ред. І. І. Юртіна. — К.: МАУП, 2003. — 248с.
5. Юртін Іван Іванович, Дюженкова Ольга Юріївна, Жильцов Олексій Борисович, Кузьмін А. В., Торбін Г. М. Практикум з вищої математики: навч. посіб. для студ. вищ. навч. закл. / Міжрегіональна академія управління персоналом (МАУП) / Іван Іванович Юртін (ред.). — 4-те вид., стер. — К. : Персонал, 2008. — 247с.

### **Додаткова література**

1. Рябушко А. П., Бархатов В. В. Сборник индивидуальных заданий по высшей математике [в 3-х ч.] - М.: Высш. шк., 1991.
2. Минорский В. П. Сборник по высшей математики. М.: Наука, 1978
3. Карасев А. Н., Аксютина З. М., Савельева Т. Н. Курс высшей математики для экономических вузов, в 2 Ч - М.: Высш. шк., 1982
4. Крутовий. Ж. А. Лекції з вищої математики. (Стислий конспект.). Ч. I. – ХДАТОХ, 1998. Ч. II. - ХДАТОХ, 2000.
5. Сборник задач и упражнений по высшей математике: Общий курс: Учеб. пособие/ А. В. Кузнецов, Д. С. Кузнецова, Е. И. Шилкина и др. – Мн.: Выш. шк., 1994.